### Kernlehrplan Mathematik: Einführungsphase



Eine umfassende mathematische Grundbildung im Mathematikunterricht kann erst durch die Vernetzung inhaltsbezogener (fachmathematischer) und prozessbezogener Kompetenzen erreicht werden.

Entsprechend dieser Forderung sind in der Konkretisierung der Unterrichtsvorhaben die inhalts- und die prozessbezogenen Kompetenzen eng miteinander verwoben. So werden in den Aufgaben immer wieder Fähigkeiten der vier prozessbezogenen Kompetenzbereiche Argumentieren und Kommunizieren, Problemlösen, Modellieren und Werkzeugnutzung aufgegriffen und geübt. Zusätzlich bietet das ausgewählte Lehrwerk größere

Aufgabenkontexte, die es den Schülerinnen und Schülern ermöglichen, sich intensiv mit einem Thema zu beschäftigen und einzelne prozessbezogene Fähigkeiten zu entwickeln. Auch wenn die prozessbezogenen Kompetenzen sich in allen Kapiteln wiederfinden, werden in der folgenden Tabelle beispielhaft für das eingeführte Lehrwerk (Lambacher Schweizer Einführungsphase) diejenigen Kompetenzbereiche und Kompetenzen aufgeführt, auf die in dem jeweiligen Kapitel ein Schwerpunkt gelegt wurde. Eingeführtes Lehrwerk:

Lambacher Schweizer Mathematik Einführungsphase Nordrhein-Westfalen, Ernst Klett Verlag Stuttgart, 2014; Klettbuch 978-3-12-735431-2

Unterrichtsvorhaben I:	Unterrichtsvorhaben II:	Unterrichtsvorhaben III:
Thema:	Thema:	Thema:
Eigenschaften von Funktionen (Wiederholung und Symmetrie,	Die Ableitung, ein Schlüsselkonzept (Änderungsrate, Ableitung,	Funktionsuntersuchungen (charakteristische Punkte, Monotonie,
Nullstellen, Transformation)	Tangente)	Extrema)
Zentrale Kompetenzen:	Zentrale Kompetenzen:	Zentrale Kompetenzen:
<ul> <li>Argumentieren, Kommunizieren</li> </ul>	Modellieren, Kommunizieren	Modellieren
Werkzeuge nutzen	Werkzeuge nutzen	<ul> <li>Problemlösen</li> </ul>
Inhaltsfeld: Funktionen und Analysis (A)	Inhaltsfeld: Funktionen und Analysis (A)	Inhaltsfeld: Funktionen und Analysis (A)
Inhaltlicher Schwerpunkt:	Inhaltlicher Schwerpunkt:	Inhaltlicher Schwerpunkt:
Grundlegende Eigenschaften von Potenz-und	Grundverständnis des Ableitungsbegriffs	Grundlegende Eigenschaften von Potenzfunktionen
Sinusfunktionen	Differentialrechnung ganzrationaler Funktionen	Differentialrechnung ganzrationaler Funktionen
Zeitbedarf: 23 Std.	Zeitbedarf: 19 Std.	Zeitbedarf: 15 Std.
<u>Unterrichtsvorhaben IV:</u>	<u>Unterrichtsvorhaben V:</u>	<u>Unterrichtsvorhaben VI:</u>
Thema:	Thema:	Thema:
Vektoren, ein Schlüsselkonzept (Punkte, Vektoren, Rechnen mit	Wahrscheinlichkeit, ein Schlüsselkonzept (Erwartungswert,	Potenzen in Termen und Funktionen (rationale Exponenten,
Vektoren, Betrag)	Pfadregel, Vierfeldertafel, bedingte Wahrscheinlichkeit)	Exponentialfunktionen, Wachstumsmodelle)
Zentrale Kompetenzen:	Zentrale Kompetenzen:	Zentrale Kompetenzen:
Argumentieren, Kommunizieren	Modellieren, Problemlösen	<ul> <li>Modellieren, Problemlösen</li> </ul>
Werkzeuge nutzen	Werkzeuge nutzen	Werkzeuge nutzen
Inhaltsfeld: Analytische Geometrie und Lineare Algebra (G)	Inhaltsfeld: Stochastik (S)	Inhaltsfeld: Funktionen und Analysis (A)
Inhaltlicher Schwerpunkt:	Inhaltlicher Schwerpunkt:	Inhaltlicher Schwerpunkt:
Koordinatisierungen des Raumes	Mehrstufige Zufallsexperimente	Grundlegende Eigenschaften von Exponentialfunktionen
Vektoren und Vektoroperationen	Bedingte Wahrscheinlichkeiten	
Zeitbedarf: 15 Std.	Zeitbedarf: 18 Std.	Zeitbedarf: 12 Std.

Gesamt: 102 Stunden

Bei Zeitmangel können Teile des Unterrichtsvorhabens VI in die Qualifikationsphase verschoben werden, die Inhalte werden dort wiederholt.



Zeitraum	Inhaltsbezogene Kompetenzen	Lambacher Schweizer Einführungsphase	prozessbezogene Kompetenzen	
(1 UE ent-spricht 45 Minuten)	Funktionen und Analysis Grundlegende Eigenschaften von Potenz- und Sinusfunktionen  einfache Transformationen (Streckung, Verschiebung) auf Funktionen (quadratische Funktionen) anwenden und die zugehörigen Parameter deuten  Eigenschaften von Potenzfunktionen mit ganzzahligen Exponenten sowie von quadratischen und kubischen Wurzelfunktionen beschreiben  am Graphen oder Term einer Funktion ablesbare Eigenschaften als Argumente beim Lösen innermathematischer Probleme verwenden  Polynomgleichungen, die sich durch einfaches Ausklammern oder Substituieren auf lineare oder quadratische Gleichungen zurückführen lassen, ohne Hilfsmittel lösen  einfache Transformationen (Streckung, Verschiebung) auf Funktionen (Sinusfunktion, quadratische Funktionen, Potenzfunktionen) anwenden und die zugehörigen Parameter deuten		Problemlösen  Lösen ausgewählte Routineverfahren auch hilfsmittelfrei zur Lösung einsetzen, Werkzeuge auswählen, die den Lösungsweg unterstützen die Plausibilität von Ergebnissen überprüfen  Argumentieren  Vermuten Vermutungen aufstellen und beispielgebunden unterstützen Begründen vorgegeben Argumentationen und mathematische Beweise erklären  Kommunizieren  Rezipieren Beobachtungen, bekannte Lösungswege und Verfahren beschreiben, mathematische Fachbegriffe in theoretischen Zusammenhängen erläutern eigene Überlegungen formulieren und eigene Lösungswege beschreiben  Diskutieren zu mathematikhaltigen, auch fehlerbehafteten Aussagen und Darstellungen begründet Stellung nehmen, ausgearbeitete Lösungen hinsichtlich ihrer Verständlichkeit und fachsprachlichen Qualität beurteilen, auf der Grundlage fachbezogener Diskussionen Entscheidungen herbeiführen  Werkzeuge nutzen  Digitale Werkzeuge nutzen zum Erkunden und zum Darstellen von Funktionen (graphisch und als Wertetabelle), zielgerichteten Variieren der Parameter von Funktionen, Lösen von Gleichungen	
insges.:				



Zeitraum	Inhaltsbezogene Kompetenzen	Lambacher Schweizer Einführungsphase	prozessbezogene Kompetenzen	
(1 UE ent- spricht 45 Minuten)	Funktionen und Analysis Grundverständnis des Ableitungsbegriffs Differentialrechnung ganzrationaler Funktionen	Kapitel II Abhängigkeiten und Änderungen - Ableitung	Modellieren  Mathematisieren Sachsituationen in mathematische Modelle überse mithilfe math. Kenntnisse und Fertigkeiten eine Lösinnerhalb des math. Modells erarbeiten	
	durchschnittliche Änderungsraten berechnen und im Kontext interpretieren	Mittlere Änderungsrate -     Differenzenquotient	Reflektieren die Plausibilität von Ergebnissen überprüfen die erarbeitete Lösung wieder auf die Sachsituation beziehen,	n
	lokale Änderungsraten berechnen und im Kontext interpretieren, auf der Grundlage eines propädeutischen Grenzwertbegriffs an Beispielen den Übergang von der durchschnittlichen zur lokalen Änderungsrate qualitativ erläutern, die Tangente als Grenzlage einer Folge von Sekanten deuten, die Ableitung an einer Stelle als lokale Änderungsrate/Tangentensteigung deuten	2 Momentane Änderungsrate -	die Angemessenheit aufgestellter Modelle für die Fragestellung reflektieren  Problemlösen  Erkunden Muster und Beziehungen erkennen Lösen heuristische Strategien und Prinzipien nutzen, geeignete Begriffe, Zusammenhänge und Verfahre Problemlösung auswählen Reflektieren die Plausibilität von Ergebnissen überprüfen  Argumentieren  Vermuten Vermutungen aufstellen	en zur
	die Ableitung an einer Stelle als lokale Änderungsrate/Tangentensteigung deuten	Die Ableitung an einer bestimmten     Stelle berechnen	eurteilen Ergebnisse, Begriffe und Regeln auf Verallgemeinerbarkeit überprüfen ommunizieren	
	Änderungsraten funktional beschreiben und interpretieren (Ableitungsfunktion), Funktionen graphisch ableiten	4 Die Ableitungsfunktion	Rezipieren  Beobachtungen, bekannte Lösungswege und Verfibeschreiben,  Produzieren  die Fachsprache und fachspezifische Notation in angemessenem Umfang verwenden,	ahren
	die Ableitungsregel für Potenzfunktionen mit natürlichem Exponenten nutzen, die Summen- und Faktorregel auf ganzrationale Funktionen anwenden	5 Ableitungsregeln 6 Tangente	flexibel zwischen mathematischen Darstellungsform wechseln  Diskutieren zu mathematikhaltigen, auch fehlerbehafteten Aus und Darstellungen begründet Stellung nehmen	
insges.:	die Kosinusfunktion als Ableitung der Sinusfunktion nennen	7 Ableitung der Sinusfunktion  Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen	Werkzeuge nutzen  Digitale Werkzeuge nutzen zum Erkunden und Berechnen und zum  Darstellen von Funktionen (graphisch und als Wertetabelle),  zielgerichteten Variieren von Parametern,  grafischen Messen von Steigungen,  Berechnen der Ableitung einer Funktion an einer Stelle	



Zeitraum	Inhaltsbezogene Kompetenzen	Lambacher Schweizer Einführungsphase	prozessbezogene Kompetenzen		Klassenarbeit
(1 UE ent- spricht 45 Minuten)	Differentialrechnung ganzrationaler Funktionen erfassen	Sachsituationen mit Blick auf eine konkrete Fragestellung erfassen 7 Sachsituationen in mathematische Modelle übersetzen,			
	Eigenschaften eines Funktionsgraphen beschreiben  Eigenschaften von Funktionsgraphen (Monotonie) mithilfe des Graphen der Ableitungsfunktion begründen	Charakteristische Punkte eines Funktionsgraphen     Monotonie	Validieren Problemlösen	mithilfe math. Kenntnisse und Fertigkeiten eine Lösung innerhalb des math. Modells erarbeiten die erarbeitete Lösung wieder auf die Sachsituation beziehen  Muster und Beziehungen erkennen ausgewählte Routineverfahren auch hilfsmittelfrei zur Lösung einsetzen, Werkzeuge auswählen, die den Lösungsweg unterstützen, einschränkende Bedingungen berücksichtigen Ergebnisse auf dem Hintergrund der Fragestellung überprüfen, die Plausibilität von Ergebnissen überprüfen, verschiedene Lösungswege vergleichen  Mentieren  Vermutungen aufstellen und mithilfe von Fachbegriffen präzisieren	
	Eigenschaften von Funktionsgraphen (Extrempunkte) mithilfe des Graphen der Ableitungsfunktion begründen, lokale und globale Extrema im Definitionsbereich unterscheiden, das notwendige Kriterium und das Vorzeichenwechselkriterium zur Bestimmung von Extrempunkten verwenden	3 Hoch- und Tiefpunkte	Erkunden Lösen Reflektieren		
	Am Graphen oder Term einer Funktion ablesbare Eigenschaften als Argumente beim Lösen von außermathematischen Problemen verwenden	4 Mathematische Fachbegriffe in Sachzusammenhängen	Argumentieren Vermuten Begründen		
		Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen  Exkursion Extremstellen mithilfe der zweiten Ableitung bestimmen	Kommunizierer Rezipieren Produzieren Werkzeuge nut: Digitale Werkzeu	Beobachtungen, bekannte Lösungswege und Verfahren beschreiben, math. Begriffe in Sachzusammenhängen erläutern die Fachsprache und fachspezifische Notation in angemessenem Umfang verwenden, Arbeitsschritte nachvollziehbar dokumentieren	
insges.: 15 UE					



Zeitraum	Inhaltsbezogene Kompetenzen	Lambacher Schweizer Einführungsphase	prozessbezog	gene Kompetenzen	Klassenarbeit
(1 UE ent- spricht 45 Minuten)	Analytische Geometrie und Lineare Algebra Koordinatisierungen des Raumes Vektoren und Vektoroperationen  Geeignete kartesische Koordinatisierungen für die Bearbeitung eines geometrischen Sachverhaltes in der Ebene und im Raum wählen,	Kapitel IV Vektoren*  1 Punkte im Raum	Validieren	Sachsituationen in mathematische Modelle übersetzen, mithilfe math. Kenntnisse und Fertigkeiten eine Lösung innerhalb des math. Modells erarbeiten die erarbeitete Lösung wieder auf die Sachsituation beziehen	
	geometrische Objekte in einem räumlichen kartesischen Koordinatensystem darstellen  Vektoren (in Koordinatendarstellung) als Verschiebungen deuten und Punkte im Raum durch Ortsvektoren kennzeichnen	2 Vektoren	Erkunden Lösen unterstützen,	Muster und Beziehungen erkennen Werkzeuge auswählen, die den Lösungsweg geeignete Begriffe, Zusammenhänge und Verfahren zur	
	Vektoren addieren, mit einem Skalar multiplizieren und Vektoren auf Kollinearität untersuchen	3 Rechnen mit Vektoren	Argumentieren Vermuten	Problemlösung auswählen  Vermutungen aufstellen, beispielgebunden unterstützen	
	Längen von Vektoren und Abstände zwischen Punkten mithilfe des Satzes des Pythagoras berechnen, gerichtete Größen (Geschwindigkeit und Kraft) durch Vektoren darstellen	4 Betrag eines Vektors - Länge einer Strecke	Begründen	herstellen, math. Regeln und Sätze für Begründungen nutzen sowie Argumente zu Argumentationsketten verknüpfen, verschiedene Argumentationsstrategien nutzen, lückenhafte und fehlerhafte Argumentationsketten erkennen und ergänzen bzw. korrigieren, nmunizieren math. Begriffe in Sachzusammenhängen erläutern, eigene Überlegungen formulieren und eigene Lösungswege beschreiben,	
	Eigenschaften von besonderen Dreiecken und Vierecken mithilfe von Vektoren nachweisen, Geeignete kartesische Koordinatisierungen für die Bearbeitung eines geometrischen Sachverhaltes in der Ebene und im Raum wählen, geometrische Objekte in einem räumlichen kartesischen Koordinatensystem darstellen	5 Figuren und Körper untersuchen	Beurteilen  Kommunizieren  Rezipieren  Produzieren		
insges.:	gerichtete Größen (Geschwindigkeit und Beschleunigung) durch Vektoren darstellen	Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen  Exkursion  Mit dem Auto in die Kurve - Vektoren in Aktion	Fachsprache und fachspezifische Notation verwenden, Diskutieren zu mathematikhaltigen, auch fehlerbehafteten Aussagen und Darstellungen begründet Stellung nehmen  Werkzeuge nutzen  Digitale Werkzeuge nutzen zum Darstellen von Objekten im Raum; grafischen Darstellen von Ortsvektoren und Vektorsummen,		
15 UE			Durchführen von	Operationen mit Vektoren	

<sup>\*</sup> Kapitel IV kann auch vorgezogen werden, es verwendet (bis auf die Exkursion) keine Kompetenzen, die in Kapitel I bis III erworben werden. Im Schuljahr 2014/15 (Pilotschuljahr des neuen Kernlehrplans) wird das Kapitel V in jedem Fall dem Kapitel IV vorgezogen.



dellieren, hrstufige Zufallsexperimente beschreiben und nilfe der Pfadregeln Wahrscheinlichkeiten ermitteln	1 Wahrscheinlichkeit*  1 Wahrscheinlichkeitsverteilung - Erwartungswert  2 Mehrstufige Zufallsexperimente, Pfadregel	Modellieren Strukturieren  Mathematisieren	zunehmend komplexe Sachsituationen mit Blick auf eine konkrete Fragestellung erfassen und strukturieren, Annahmen treffen und begründet Vereinfachungen einer realen Situation vornehmen, zunehmend komplexe Sachsituationen in mathematische Modelle übersetzen, mithilfe math. Kenntnisse und Fertigkeiten eine Lösung	
allsexperimente simulieren, hrscheinlichkeitsverteilungen aufstellen und vartungswertbetrachtungen durchführen chverhalte mithilfe von Baumdiagrammen dellieren, hrstufige Zufallsexperimente beschreiben und nilfe der Pfadregeln Wahrscheinlichkeiten ermitteln	Erwartungswert  2 Mehrstufige Zufallsexperimente,	- Mathematisieren	realen Situation vornehmen, zunehmend komplexe Sachsituationen in mathematische Modelle übersetzen, mithilfe math. Kenntnisse und Fertigkeiten eine Lösung	
dellieren, hrstufige Zufallsexperimente beschreiben und nilfe der Pfadregeln Wahrscheinlichkeiten ermitteln		_	2 1 H 1 d M 1 H 1 S	
		Sachverhalte mithilfe von Baumdiagrammen modellieren, Mehrstufige Zufallsexperimente beschreiben und mithilfe der Pfadregeln Wahrscheinlichkeiten ermitteln	einem mathematischen Modell verschiedene passende	
enmodelle zur Beschreibung von Zufallsprozessen wenden, chverhalte mithilfe von Baumdiagrammen und Vierter Mehrfeldertafeln modellieren, lingte Wahrscheinlichkeiten bestimmen, blemstellungen im Kontext bedingter hrscheinlichkeiten bearbeiten	3 Vierfeldertafel, bedingte Wahrscheinlichkeiten	Problemlösen Erkunden Lösen	Fragen zu einer gegebenen Problemsituation finden und stellen, die Situation analysieren und strukturieren, ausgewählte Routineverfahren auch hilfsmittelfrei zur Lösung einsetzen, Werkzeuge auswählen, die den Lösungsweg unterstützen Ergebnisse auf dem Hintergrund der Fragestellung und auf Plausibilität überprüfen, verschiedene Lösungswege vergleichen	
vorgänge mehrstufiger Zufallsexperimente auf chastische Unabhängigkeit prüfen, blemstellungen im Kontext bedingter hrscheinlichkeiten bearbeiten	4 Stochastische Unabhängigkeit	Reflektieren Argumentieren		
blemstellungen im Kontext bedingter hrscheinlichkeiten bearbeiten	Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen <b>Exkursion</b> Bedingte Wahrscheinlichkeiten und Lernen aus Erfahrung - die Bayes'sche Regel	Vermuten  Begründen  Kommunizieren  Rezipieren	Vermutungen aufstellen und mithilfe von Fachbegriffen präzisieren math. Regeln und Sätze für Begründungen nutzen  Informationen aus mathematikhaltigen Texten und Darstellungen erfassen, strukturieren und formalisieren	
		Digitale Werkzeu Generieren von Z Ermitteln von Ker (Erwartungswert)	ge nutzen zum Zufallszahlen; nnzahlen von Wahrscheinlichkeitsverteilungen	
ble	emstellungen im Kontext bedingter	Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen  Exkursion  Bedingte Wahrscheinlichkeiten und Lernen aus Erfahrung - die	Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen  Exkursion Bedingte Wahrscheinlichkeiten und Lernen aus Erfahrung - die Bayes'sche Regel  Werkzeuge nutz Digitale Werkzeu Generieren von Z Ermitteln von Kei (Erwartungswert)	Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen  Exkursion Bedingte Wahrscheinlichkeiten und Lernen aus Erfahrung - die Bayes'sche Regel  Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen  Vermuten Vermuten Vermutungen aufstellen und mithilfe von Fachbegriffen präzisieren math. Regeln und Sätze für Begründungen nutzen  Kommunizieren Rezipieren Informationen aus mathematikhaltigen Texten und

<sup>\*</sup> Kapitel V kann auch vorgezogen werden, es verwendet keine Kompetenzen, die in Kapitel I bis IV erworben werden Im Schuljahr 2014/15 (Pilotschuljahr des neuen Kernlehrplans) wird das Kapitel V in jedem Fall dem Kapitel IV vorgezogen.



Zeitraum	Inhaltsbezogene Kompetenzen	Lambacher Schweizer Einführungsphase	prozessbezog	ene Kompetenzen	Klassenarbeit
(1 UE ent- spricht 45 Minuten)	Funktionen und Analysis Grundlegende Eigenschaften von Exponentialfunktionen	Kapitel VI Potenzen in Termen und Funktionen	Modellieren Strukturieren	zunehmend komplexe Sachsituationen mit Blick auf eine konkrete Fragestellung erfassen und strukturieren, Annahmen treffen und begründet Vereinfachungen einer	
		Potenzen mit rationalen     Exponenten	Mathematisieren	realen Situation vornehmen, zunehmend komplexe Sachsituationen in mathematische Modelle übersetzen mithilfe math. Kenntnisse und Fertigkeiten eine Lösung	
	Einfache Transformationen (Streckung, Verschiebung) auf Exponentialfunktionen anwenden und die zugehörigen Parameter deuten	2 Exponentialfunktionen	Validieren	innerhalb des math. Modells erarbeiten, einem mathematischen Modell verschiedene passende Sachsituationen zuordnen, die erarbeitete Lösung wieder auf die Sachsituation beziehen,	
		3 Exponentialgleichungen und Logarithmus		die Angemessenheit aufgestellter Modelle für die Fragestellung reflektieren, aufgestellte Modelle mit Blick auf die Fragest. verbessern	
	Wachstumsprozesse mithilfe linearer Funktionen und Exponentialfunktionen beschreiben; am Graphen oder Term einer Funktion ablesbare Eigenschaften als Argumente beim Lösen von innerund außermathematischen Problemen verwenden	4 Lineare und exponentielle Wachstumsmodelle	Problemlösen Lösen	Lösen ausgewählte Routineverfahren auch hilfsmittelfrei zur Lösung einsetzen, Werkzeuge auswählen, die den Lösungsweg unterstützen Reflektieren Ergebnisse auf dem Hintergrund der Fragestellung und auf Plausibilität überprüfen, verschiedene Lösungswege vergleichen	
		Wiederholen – Vertiefen – Vernetzen <b>Exkursion</b> Logarithmusgesetze	Argumentieren		
			Vermuten Begründen	Vermutungen aufstellen und mithilfe von Fachbegriffen präzisieren vorgegebene Argumentationen und Beweise erklären,	
			Kommunizieren		
			Diskutieren	zu mathematikhaltigen, auch fehlerbehafteten Aussagen begründet Stellung nehmen	
			Werkzeuge nutz	zen	
insges.:		Anhang: GTR-Hinweise für TInspire CX	Wertetabelle), zie und zum Lösen v Aufgaben, die oh gekennzeichnet,	ige nutzen zum Darstellen von Funktionen (grafisch und als elgerichteten Variieren der Parameter von Funktionen, von Gleichungen. In den Kapiteln sind grundlegende inne Hilfsmittel gelöst werden sollen (hilfsmittelfreier Teil) ebenso Aufgaben, für die der GTR benötigt wird. Im verwendeten Funktionen des eingeführten GTR erläutert.	